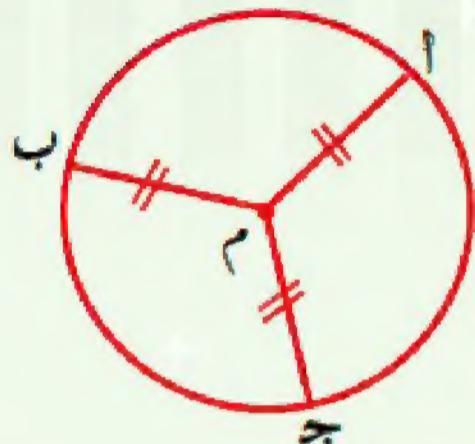


تعريف ومفاهيم أساسية

الدرس الأول



تعريف ومفاهيم أساسية على الدائرة:

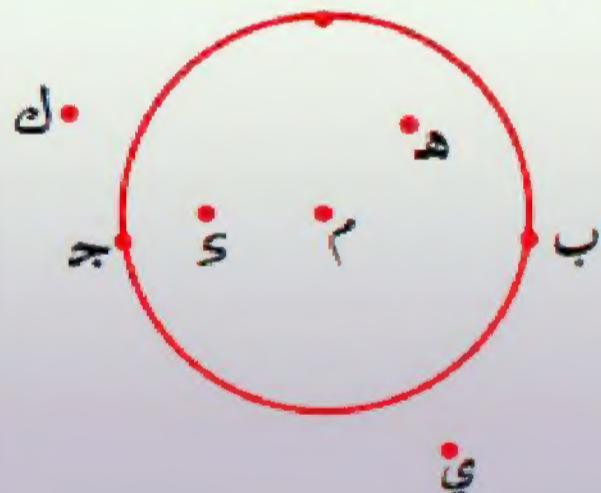
الدائرة:

الدائرة هي مجموعة نقط المستوى التي تبعد بعدها ثابتًا عن نقطة ثابتة في المستوى.

النقطة الثابتة تسمى مركز الدائرة والبعد الثابت يسمى طول نصف قطر الدائرة (نها)، ونرمز للدائرة عادة بمركزها فقول الدائرة \odot تعنى الدائرة التي مركزها \odot .

تقسيم المستوى بالدائرة:

في الشكل المقابل نجد أن الدائرة تقسم المستوى إلى ثلاثة مجموعات من النقط:



- مجموعة النقط داخل الدائرة مثل: $\{هـ, ذ, ب\}$...
- مجموعة النقط على الدائرة مثل: $\{أ, ب, جـ\}$...
- مجموعة النقط خارج الدائرة مثل: $\{ي, ذ\}$...

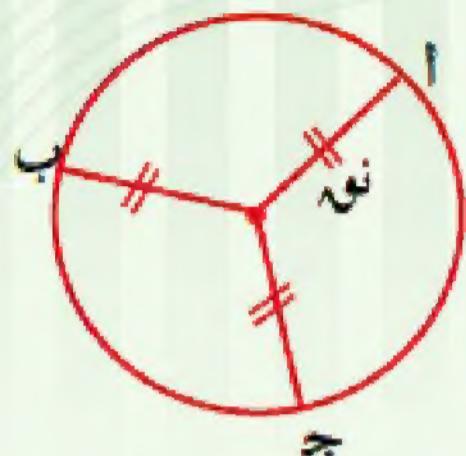
سطح الدائرة:

هو مجموعة النقاط الواقعه داخل الدائرة اتحاد مجموعة النقاط الواقعه على الدائرة.

سطح الدائرة = مجموعة النقاط داخل الدائرة \cup مجموعة النقاط الواقعه على الدائرة



الهندسة



نصف قطر الدائرة:

هو القطعة المستقيمة الواقعة من مركز الدائرة إلى أي نقطة على الدائرة.

مثلا \overline{OA} , \overline{OB} , \overline{OC} حيث $OA = OB = OC = نبع$



الوتر:

هو القطعة المستقيمة التي طرفاها (نهايتها) أي نقطتين على الدائرة مثل:

\overline{AC} , \overline{AB}

القطر:

هو وتر يمر بمركزها مثل \overline{AB} , طول القطر = $2 \cdot نبع$

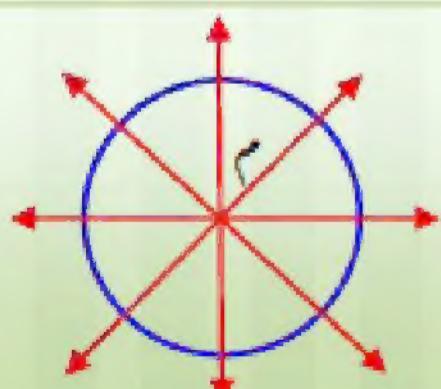
محيط الدائرة ومساحة سطح الدائرة:

$$\text{محيط الدائرة} = 2\pi \cdot نبع$$

$$\text{مساحة سطح الدائرة} = \pi \cdot نبع^2$$

التماثل في الدائرة

أي مستقيم يمر بمركز الدائرة هو محور تماثل لها.



لاحظ أن:

الدائرة لها عدد لا نهائي من محاور التماثل.

نتائج هامة على الدائرة

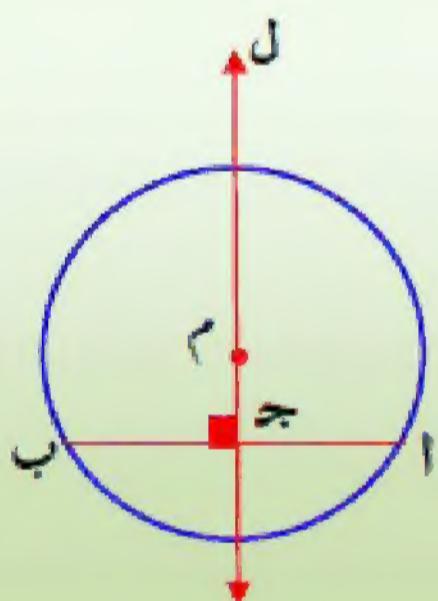
نتيجة ١



المستقيم المار بمركز الدائرة ومتصل بأى وتر فيها يكون عمودياً على هذا الوتر.
في الشكل المقابل:

إذا كان المستقيم L يمر بمركز الدائرة \Rightarrow J في منتصف AB
فإن المستقيم $L \perp AB$

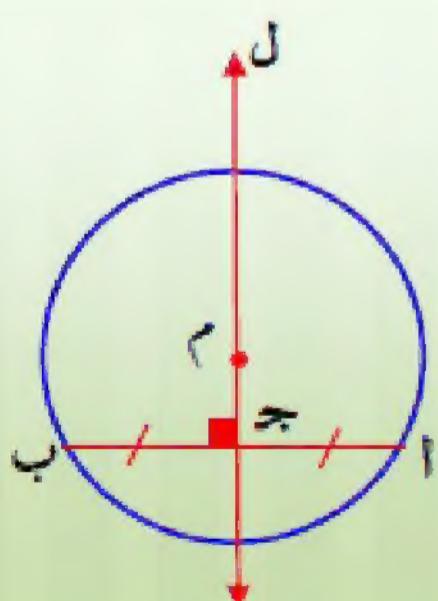
نتيجة ٢



المستقيم المار بمركز الدائرة عمودياً على أى وتر فيها ينصف هذا الوتر.
في الشكل المقابل:

إذا كان المستقيم L يمر بمركز الدائرة $\Rightarrow L \perp AB$
فإن J في منتصف AB .

نتيجة ٣



المستقيم العمودي على أى وتر في الدائرة من منتصفه يمر بمركز الدائرة.
في الشكل المقابل:

إذا كان المستقيم $L \perp AB$ ، J في منتصف AB
فإن المستقيم L يمر بمركز الدائرة \Rightarrow .

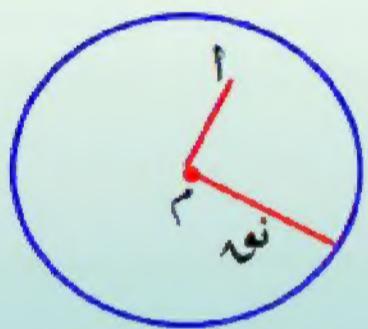
أوضاع نقطة ومستقيم ودائرة
بالنسبة لدائرةالدرس
الثاني

أولاً

إذا كانت \odot دائرة طول نصف قطرها نue، وكانت نقطة في مستوى الدائرة، فإن:

١) أتقع داخل الدائرة

إذا كان:

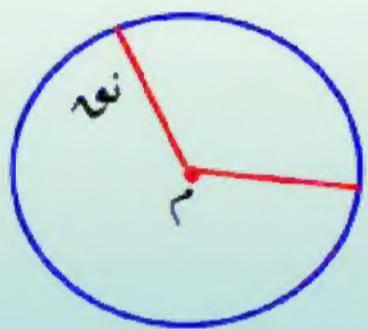
٢) $\text{نue} \wedge \text{العكس}$ صحيح

$$\emptyset = \{A\} \cap \text{الدائرة}$$

$$\{A\} \cap \text{سطح الدائرة} = \emptyset$$

٢) أتقع على الدائرة

إذا كان:

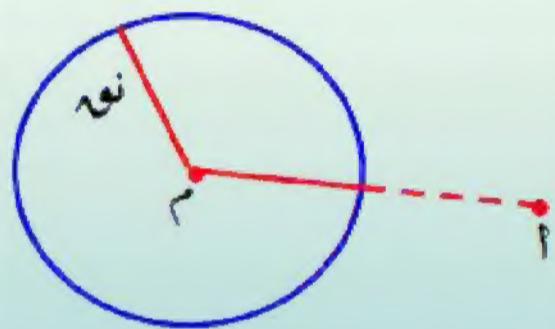
٣) $\text{نue} \wedge \text{العكس}$ صحيح

$$\{A\} = \{A\} \cap \text{الدائرة}$$

$$\{A\} \cap \text{سطح الدائرة} = \{A\}$$

٣) أتقع خارج الدائرة

إذا كان:

٤) $\text{نue} \wedge \text{العكس}$ صحيح

$$\emptyset = \{A\} \cap \text{الدائرة}$$

$$\emptyset = \{A\} \cap \text{سطح الدائرة}$$

ثانياً

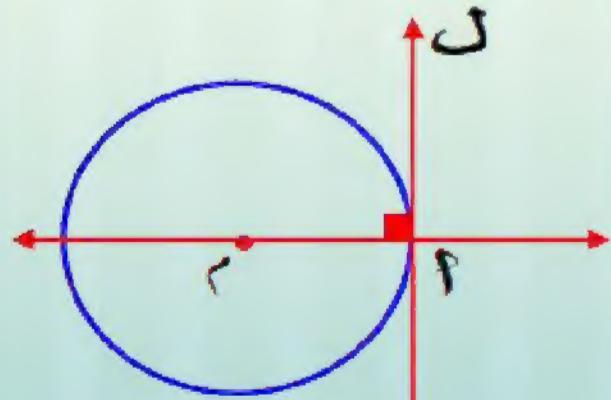
إذا كانت \odot دائرة طول نصف قطرها نue،ل مستقيم في مستواها، $\ell \perp l$ حيث $\ell \perp l = \{A\}$ فإن:

١) المستقيم ل مماس للدائرة

٢) عند نقطة A

إذا كان: $A \in \text{نue}$

والعكس صحيح



$$\{l\} \cap \text{الدائرة} = \{A\}$$

$$\{l\} \cap \text{سطح الدائرة} = \{A\}$$

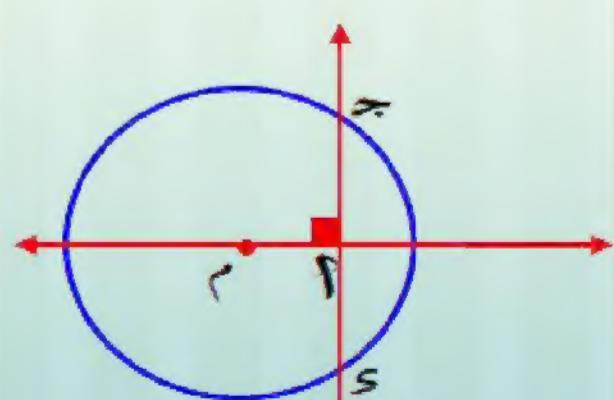
أتسمى نقطة التماس

٢) المستقيم ل قاطع

للدائرة

إذا كان: $A \in \text{نue}$

والعكس صحيح



$$\bullet \{l\} \cap \text{الدائرة} = \{ج, ج'\}$$

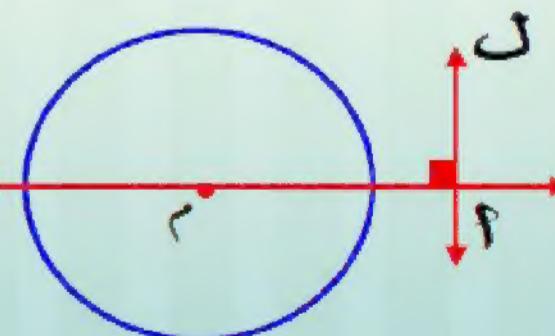
$$\bullet \{l\} \cap \text{سطح الدائرة} = \{ج, ج'\}$$

٣) المستقيم ل يقع خارج

الدائرة

إذا كان: $A \in \text{نue}$

والعكس صحيح



$$\bullet \{l\} \cap \text{الدائرة} = \bullet$$

$$\bullet \{l\} \cap \text{سطح الدائرة} = \bullet$$

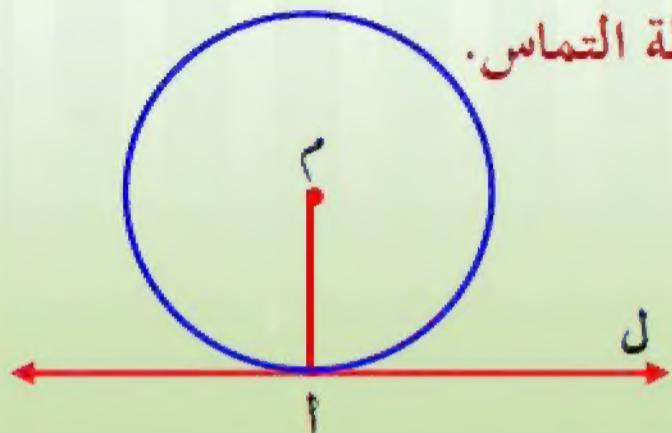
حقائق هامة

حقيقة ١

المماس للدائرة يكون عمودياً على نصف القطر المرسوم من نقطة التماس.

أى أنه إذا كان المستقيم L مماساً للدائرة M عند النقطة A

$\therefore L \perp$ المستقيم L



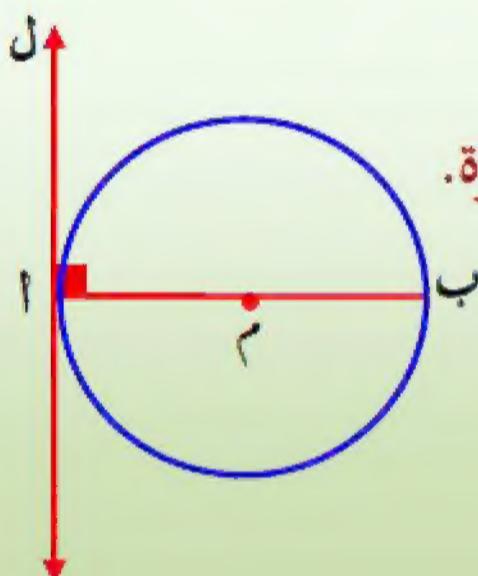
حقيقة ٢

المستقيم العمودي على قطر الدائرة من إحدى نهايتيه يكون مماساً للدائرة.

أى أنه إذا كان AB قطراً في الدائرة M ،

المستقيم $L \perp AB$ عند النقطة A

فإن: المستقيم L مماس للدائرة عند A



العلاقة بين المماسين المرسومين للدائرة من نهايتي أي قطر فيها

المماسين للدائرة المرسومين من نهايتي قطر فيها يكونان متوازيين

تلخيص

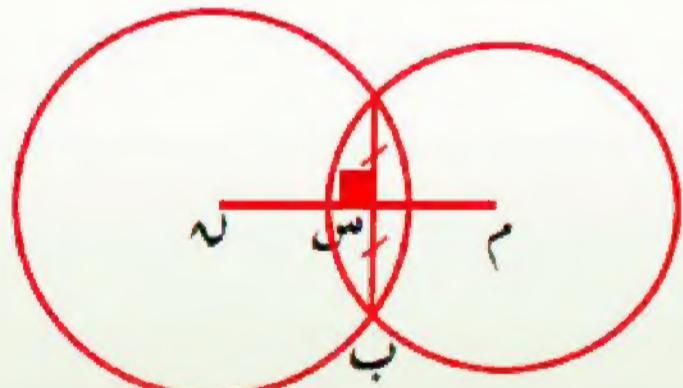
لتحديد وضع دائرتين M ، N طولاً نصفى قطرهما AB ، CD على الترتيب حيث $AB \parallel CD$:

- إذا كان $MN < AB + CD$ الدائرتان متباعدتان.
- إذا كان $MN = AB + CD$ الدائرتان متلقيتان من الخارج.
- إذا كان $MN > AB - CD$ الدائرتان متداخلتان.
- إذا كان $MN = AB - CD$ الدائرتان متلقيتان من الداخل.
- إذا كان $AB - CD < MN < AB + CD$ الدائرتان متقاطعتان.

أى أن $MN \in [AB - CD, AB + CD]$

نتائج

نتيجة ٢

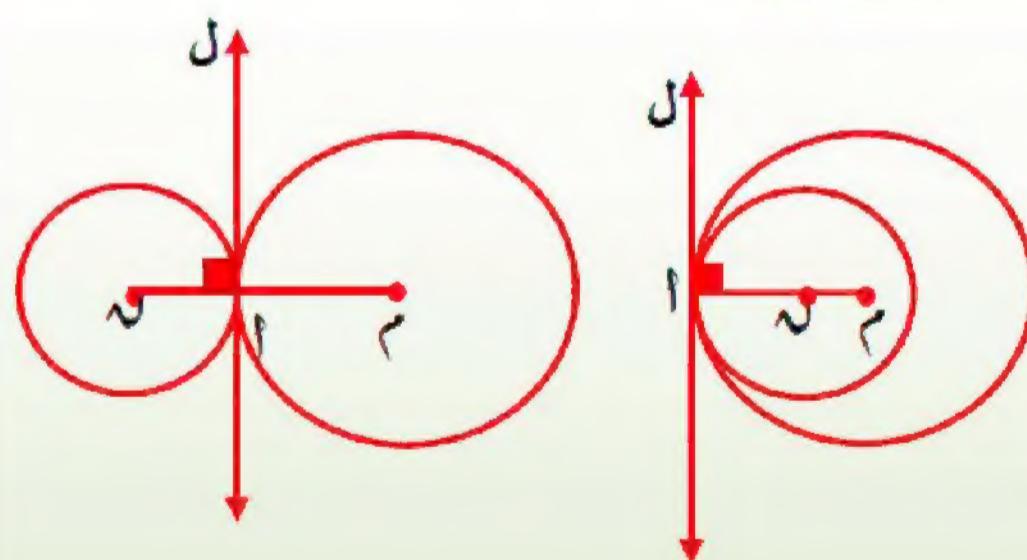


٢ خط المركزين للدائرةتين متقاطعتين يكون عمودياً على الوتر المشترك وينصفه.

$MN \perp AB$ ، $AB = 2MN$

أى أن: محور تمايل AB

نتيجة ١



١ خط المركزين للدائرةتين متلقيتين يمر ب نقطة التماس، ويكون عمودياً على المماس المشترك.

$$MN \perp l$$

تعيين الدائرة

الدرس
الثالث

كيفية رسم الدائرة

يمكن رسم دائرة بشرط معطاه، وهي إذا علمنا:

طول نصف قطر الدائرة

و

مركز الدائرة

رسم دائرة تمر بنقطة معلومة:

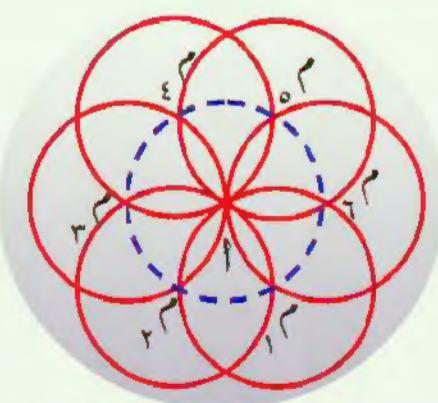
أولاً

يمكن رسم عدد لا نهائي من الدوائر تمر بنقطة معلومة مثل ①

قاعدة هامة

قاعدة هامة

إذا كانت أنصاف أقطار هذه الدوائر متساوية في الطول ، فإن مراكزها تقع على دائرة مطابقة لها ومركزها النقطة ①



ملاحظات مهمة

- ١ يوجد عدد لا نهائي من الدوائر ، تمر بنقطتين معلومتين مثل A, B ومرَاكِز هذه الدوائر تقع جميعها على محور تماثل AB .
- ٢ طول نصف قطر أصغر دائرة يمكن رسمها لكي تمر بالنقطتين A, B يكون مساوياً $\frac{1}{2}AB$.
- ٣ إذا كان طول نصف قطر الدائرة أصغر من $\frac{1}{2}AB$ فلا يمكن رسم أي دائرة تمر بالنقطتين A, B .
- ٤ عند كل قيمة أكبر من $\frac{1}{2}AB$ يمكن رسم دائرتين فقط تمران بالنقطتين A, B .
- ٥ لا يمكن أن تتقاطع دائرتان في أكثر من نقطتين.

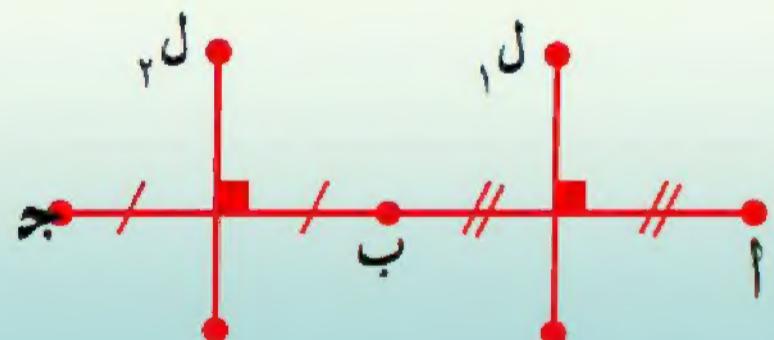
ثالثاً رسم دائرة تمر بثلاث نقاط معلومة:

قاعدة هامة

أى ثلث نقاط لا تنتهي على مستقيم واحد تمر بها دائرة وحيدة

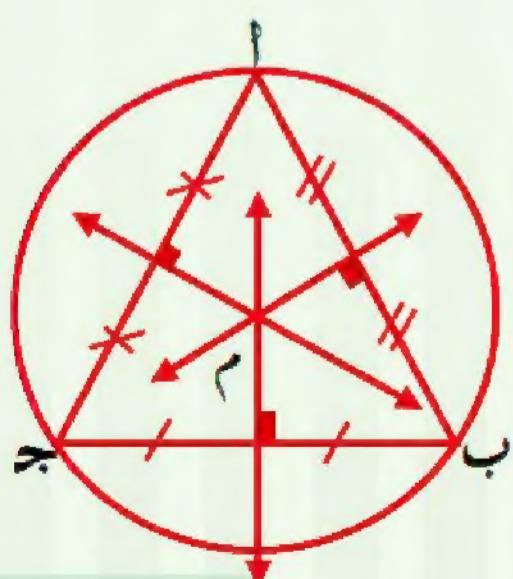
ملاحظة هامة

لا يمكن رسم دائرة تمر بالنقطة A, B, C حيث A, B, C على استقامة واحدة لأن $L_1 \cap L_2 = \emptyset$ أي لا يمكن تعين مركز الدائرة (٣)



نتائج هامة

١ الدائرة التي تمر برباعي مثلث تسمى دائرة خارجة للمثلث.



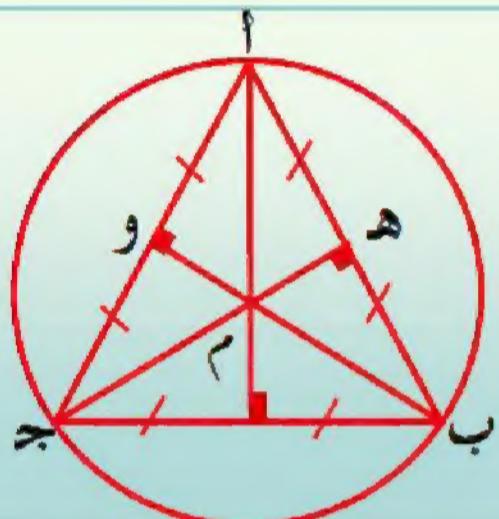
٢ الأعمدة المقامة على أضلاع مثلث من منتصفاتها تتقاطع في نقطة واحدة هي مركز الدائرة الخارجية لهذا المثلث.

ملحوظة هامة

موقع مركز الدائرة الخارجية للمثلث ول يكن ((نقطة M))

- المثلث الحاد الزوايا \Rightarrow تقع داخل المثلث
- المثلث القائم الزاوية \Rightarrow تقع في منتصف الوتر
- المثلث المنفرج الزاوية \Rightarrow تقع خارج المثلث

حالة خاصة



مركز الدائرة الخارجية للمثلث المتساوي الأضلاع هو نقطة تقاطع محاور أضلاعه، وهي نقطة متوسطاته، وهي نفسها نقطة تقاطع منصفات زواياه الداخلية، وهي نفسها نقطة تقاطع ارتفاعاته.

ملحوظة هامة

يمكن رسم دائرة خارجة تمر ببرؤوس كل من:

أى مضلع منتظم

شبه المحرف المتساوي الساقين

المستطيل

المربع

أى مثلث

ولا يمكن رسم دائرة تمر ببرؤوس كل من متوازى الأضلاع و المعيين و شبه المحرف غير متساوي الساقين.

علاقة أوتار الدائرة بمركزها

الدرس
الرابع

نظيرية

الأوتار المتساوية الطول في دائرة على أبعاد متساوية من مركزها.

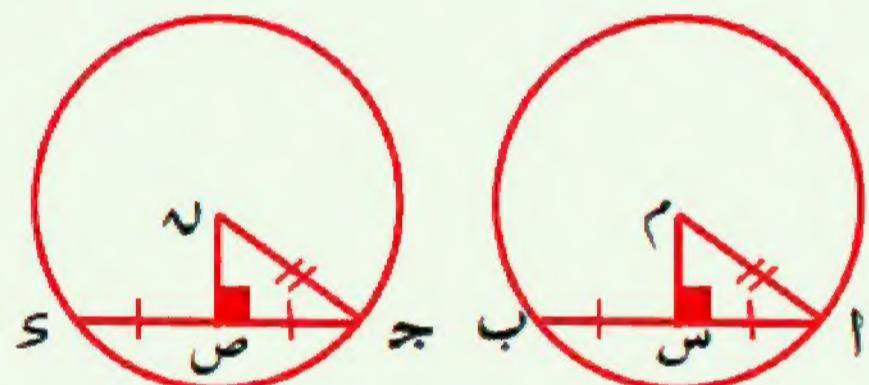
نتيجة

الأوتار المتساوية الطول في الدوائر المتطابقة على أبعاد متساوية من المركز.

في الشكل المقابل: \odot له دائرتان متطابقتان

إذا كان $AB = GH$, $MS \perp AB$, $NC \perp GH$

فإن $MS = NC$



عكس النظيرية (بدون برهان)

في الدائرة الواحدة (أو في الدوائر المتطابقة) إذا كانت الأوتار على أبعاد متساوية من المركز فإنها تكون متساوية في الطول.

الزاوية المركزية وقياس الأقواس

الدرس
الأول

الأقواس في الدائرة



لأى نقطتين على الدائرة مثل A, B الخط المنحنى الواصل من A إلى B يسمى القوس AB ويرمز له بالرمز \widehat{AB}

ملحوظة



النقطتان A, B على الدائرة \odot يقسمان الدائرة إلى جزأين القوس (\widehat{AB}) يقصد به القوس الأصغر (\widehat{AB}) القوس (\widehat{ACB}) يقصد به القوس الأكبر (\widehat{AB})

لاحظ أن:
دائماً يقصد بالرمز \widehat{AB}
القوس الأصغر AB ما لم
يذكر خلاف ذلك.



لاحظ أن:
إذا كان \widehat{AB} قطراً فإن:
 \widehat{AB} تكون زاوية مستقيمة
ويكون (\widehat{AB}) يطابق (\widehat{ACB})
ويسمي كل منهما «نصف دائرة»

الزاوية المركزية وقياس القوس

• الزاوية المركزية:

هي الزاوية التي رأسها مركز الدائرة ويحمل كل من ضلعيها نصف قطر في الدائرة.



• قياس القوس:

هو قياس الزاوية المركزية المقابلة له.

ملحوظة

القوسان المجاوران هما قوسان من دائرة يشتراكان في نقطة واحدة فقط

• قياس القوس بمعلومية نسبة ما يمثله من الدائرة:

$$\text{قياس القوس} = \frac{\text{نسبة ما يمثله القوس}}{360} \times 360$$

$$\text{حيث إن قياس الدائرة} = 360^\circ$$

فمثلاً: قياس القوس الذي يمثل $\frac{1}{6}$ قياس الدائرة $= \frac{1}{6} \times 360^\circ = 60^\circ$

لاحظ أن

$$\begin{array}{l|l} \text{• قياس ربع الدائرة} = 90^\circ & \text{• قياس الدائرة} = 360^\circ \\ \text{• قياس نصف الدائرة} = 180^\circ & \text{• قياس نصف الدائرة} = 180^\circ \end{array}$$

• طول القوس:

$$\text{طريق القوس} = \frac{\text{قياس القوس}}{360^\circ} \times \text{محيط الدائرة}$$

ملحوظة:

$$\text{طريق القوس} = \frac{\text{قياس القوس}}{360^\circ} \times \text{محيط الدائرة}$$

$$\text{قياس القوس} = \frac{\text{طريق القوس}}{\text{محيط الدائرة}} \times 360^\circ$$

لاحظ أن

$$\text{طريق الدائرة} = \pi r^2 \text{ نوع} ، \text{ طول نصف الدائرة} = \pi r \text{ نوع} ، \text{ طول ربع الدائرة} = \frac{1}{4} \pi r^2 \text{ نوع}$$



نتائج هامة

نتيجة (١)

في الدائرة الواحدة (أو في الدوائر المتطابقة) الأقواس المتساوية في القياس متساوية في الطول والعكس صحيح.

نتيجة (٢)

في الدائرة الواحدة (أو في الدوائر المتطابقة) الأقواس المتساوية في القياس تكون أوتارها متساوية في الطول والعكس صحيح.

نتيجة (٣)

الوتران المتوازيان في الدائرة يحصران قوسين متساوين في القياس.

نتيجة (٤)

القوسان المحصوران بين وتر ومماس يوازيه في الدائرة متساويان في القياس.



العلاقة بين الزاويتين المحيطية والمركزية المشتركتين في القوس

الدرس
الثاني

الزاوية المحيطية:

هي الزاوية التي رأسها على الدائرة ويحمل كل ضلع من ضلعيها وتترًا في الدائرة.

نظيرية (١)

قياس الزاوية المحيطية يساوى نصف قياس الزاوية المركزية المشتركة معها في القوس.

لاحظ أن

قياس الزاوية المركزية يساوى ضعف قياس الزاوية المحيطية المشتركة معها في القوس.

نتائج على النظيرية وتمارين مشهورة:

نتيجة (١)

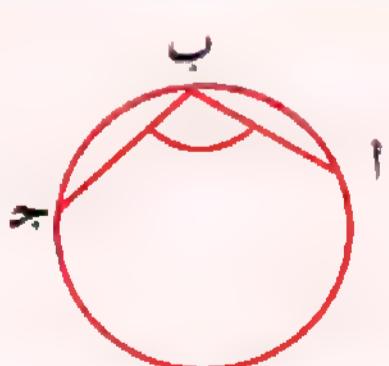
قياس الزاوية المحيطية يساوى نصف قياس القوس المقابل لها.

ملاحظة هامة:

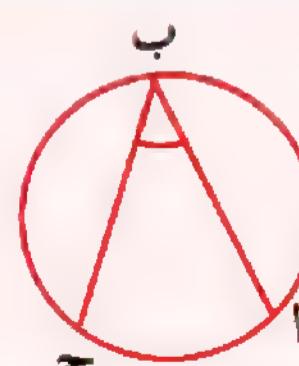
قياس القوس يساوى ضعف قياس الزاوية المحيطية التي تحصره.

نتيجة (٢)

الزاوية المحيطية المرسومة في نصف دائرة قائمة.



(١) الزاوية المحيطية التي تقابل قوسًا أكبر من نصف الدائرة (المرسومة في قطعة أصغر من نصف الدائرة) تكون حادة.



ملحوظة:

(١) الزاوية المحيطية التي تقابل قوسًا أصغر من نصف الدائرة (المرسومة في قطعة أكبر من نصف الدائرة) تكون حادة.



تمرين مشهور (١)

إذا تقاطع وتراان في نقطة داخل الدائرة فإن قياس زاوية تقاطعهما يساوى نصف مجموع القوسين المقابلين لها.

تمرين مشهور (٢)

إذا تقاطع شعاعان حاملان لوتران في دائرة خارجها، فإن قياس زاوية تقاطعهما يساوى نصف قياس القوس الأكبر مطروحا منه نصف قياس القوس الأصغر اللذين يحصراهما ضلعا الزاوية.

الزوايا المحيطية المرسومة
على نفس القوس

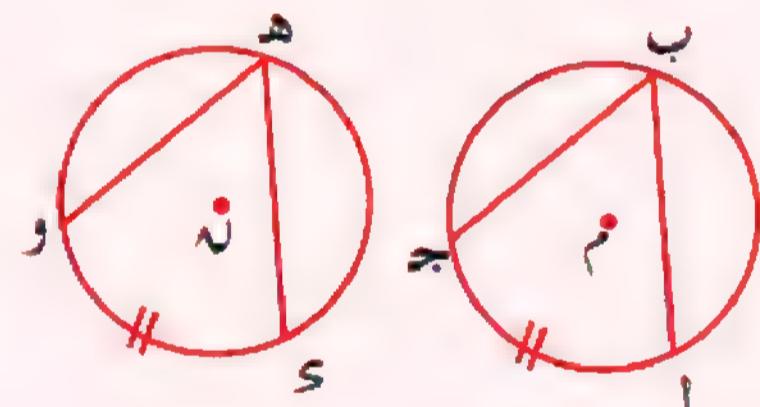
الدرس
الثالث

نظيرية (٢)

◀ الزوايا المحيطية التي تحصر نفس القوس في الدائرة الواحدة متساوية في القياس.

نتيجة

الزوايا المحيطية التي تحصر أقواساً متساوية في القياس في الدائرة الواحدة (أو في الدوائر المتطابقة) متساوية في القياس



لاحظ:

(١) في الدائرة ١:

إذا كان $\angle AHB = \angle AED$

فإن $\angle AED = \angle AED$

(٢) لأى دائرتين متطابقتين ٢،

إذا كان $\angle AHB = \angle AED$

فإن $\angle AED = \angle AED$

عكس النظيرية السابقة صحيح، أى ان:

◀ الزوايا المحيطية المتساوية في القياس في الدائرة الواحدة (أو في الدوائر المتطابقة) تحصر أقواساً متساوية في القياس.

عكس نظيرية (٢)

◀ إذا تساوى قياسا زاويتين مرسومتين على قاعدة واحدة، وفي جهة واحدة منها، فإنه تمر برأسيهما دائرة واحدة تكون هذه القاعدة وترًا فيها.

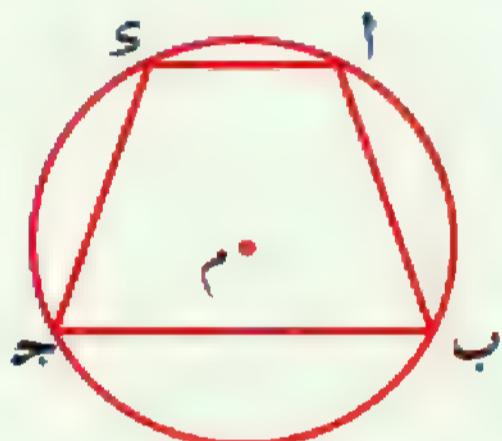


الشكل الرباعي الدائري

الدرس
الرابع

تعريف

◀ **الشكل الرباعي الدائري** هو شكل رباعي تنتهي رءوسه الأربع إلى دائرة واحدة.



في الشكل المقابل:
الشكل $ABCD$ رباعي دائري؛ لأن رءوسه الأربع
 A, B, C, D تنتهي للدائرة M

ملاحظات هامة

(١) **في الشكل الرباعي الدائري:**

كل زاويتين مرسومتين على قاعدة واحدة وفي جهة واحدة منها متساويتان في القياس.

مما سبق نستنتج أن

من الحالات التي يكون فيها الشكل الرباعي دائريًا:

الحالة الأولى: إذا وجدت زاويتان مرسومتان على قاعدة واحدة فيه وفي جهة واحدة منها ومتساويتان في القياس كان هذا الشكل رباعيًا دائريًا.

الحالة الثانية: إذا وجدت نقطة في المستوى تبعد مسافات متساوية عن جميع رءوس الشكل الرباعي
كان هذا الشكل رباعيًا دائريًا.

إذا كان الشكل الرباعي دائريًا، فإن هذا يعني أنه توجد نقطة في المستوى تبعد مسافات متساوية عن جميع رءوس الشكل الرباعي، وهذه النقطة تمثل مركز الدائرة التي تمر برءوس هذا الشكل الرباعي.

خواص الشكل الرباعي الدائري

الدرس
الخامس

نظريّة (٣)

إذا كان الشكل الرباعي دائريًا فإن كل زاويتين متقابلتين متكمالتان.

نتيجة:

• قياس الزاوية الخارجية عند رأس من رؤوس الشكل الرباعي الدائري يساوي قياس الزاوية الداخلية المقابلة للمجاورة لها.

عكس نظرية (٣)

إذا وجدت زاويتان متقابلتان متكمالتان في شكل رباعي كان هذا الشكل رباعيًا دائريًا.

نتيجة:

• إذا وجدت زاوية خارجية عند رأس من رؤوس شكل رباعي قياسها يساوي قياس الزاوية الداخلية المقابلة لهذا الرأس كان الشكل رباعيًا دائريًا.

• ملخص الحالات التي يكون فيها الشكل الرباعي دائريًا:

يكون الشكل الرباعي دائريًا إذا تحققت إحدى الحالات الآتية:

(١) إذا وجدت نقطة في المستوى على أبعاد متساوية من رؤوس الشكل الرباعي.

(٢) إذا وجدت زاويتان مرسومتان على قاعدة واحدة في جهة واحدة منها، ومتتساويتان في القياس.

(٣) إذا زاويتان متقابلتان متكمالتان (أى مجموع قياسيهما $= 180^\circ$)

(٤) إذا وجدت زاوية خارجية عند رأس من رؤوس الشكل الرباعي وتساوي في القياس الزاوية الداخلية المقابلة لهذا الرأس.



ملاحظات هامة

- (١) المربع، والمستطيل، وشبه المنحرف المتساوي الساقين أشكال رباعية دائرة.
- (٢) المعين، ومتوازى الأضلاع، وشبه المنحرف غير متساوي الساقين أشكال رباعية غير دائرة.

العلاقة بين مماسات الدائرة

الدرس
السادس

نظرة (٤)

◀ القطعتان المماستان المرسومتان من نقطة خارج الدائرة متساويتان في الطول.

نتيجة (١):

• المستقيم المارّ بمركز دائرة، ونقطة تقاطع مماسين لها يكون محوراً لهذين المماسين.

نتيجة (٢):

• المستقيم المارّ بمركز دائرة، ونقطة تقاطع مماسين لها ينصف الزاوية بين هذين المماسين، كما ينصف الزاوية بين نصفي القطرين المارين ب نقطتي التماس.

ملاحظات هامة:

في الشكل المقابل:

إذا كانت: أب، أب، قطعتين مماثلتين
للدائرة \cong عند ب، ج، فإن:

$$\text{نوع} = \text{جنس} = \text{گوب} \quad (1)$$

$$\lambda_B = \lambda_A \quad (2)$$

ب (۲)

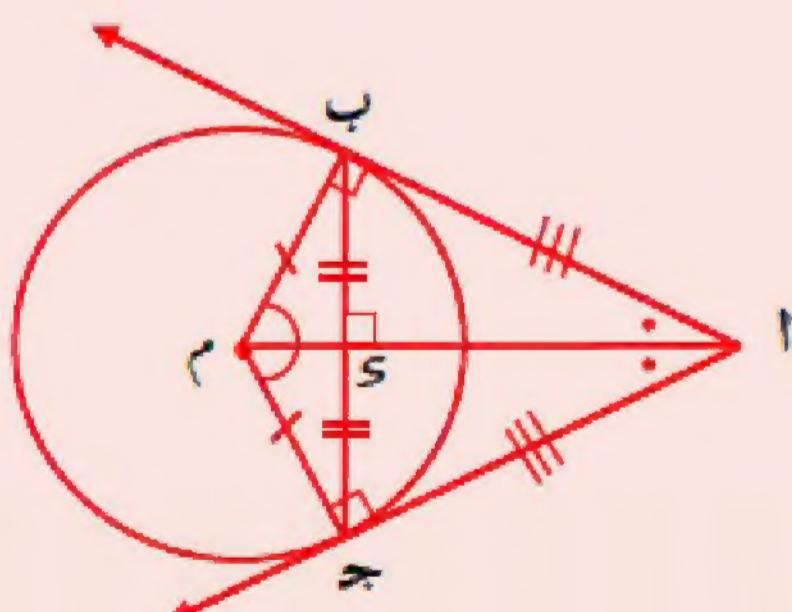
$$\overline{z}\overline{w} \perp \overline{f}(\xi)$$

$$\circ 9. = ((\lambda x) \Delta) = ((\lambda \Delta) x) \quad (5)$$

٦) الشكل ابجج رباعي دائري.

$$(جـ\backslash بـ)=(بـ\backslash جـ)=(جـ\backslash جـ)=(بـ\backslash بـ) \quad (4)$$

$$(ماجذب) = (ماجذب) = (ماجذب) = (ماجذب) \quad (8)$$

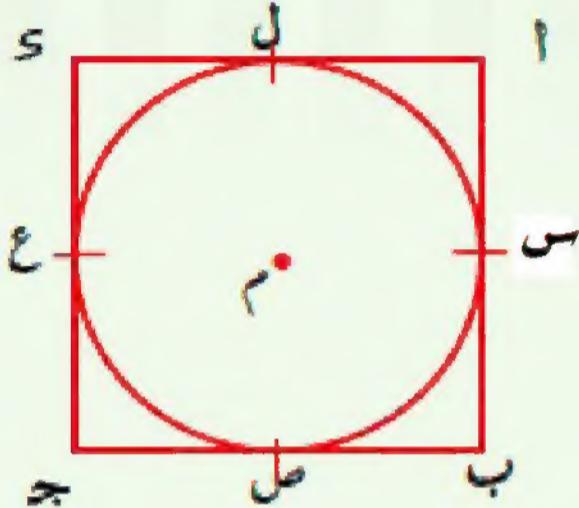




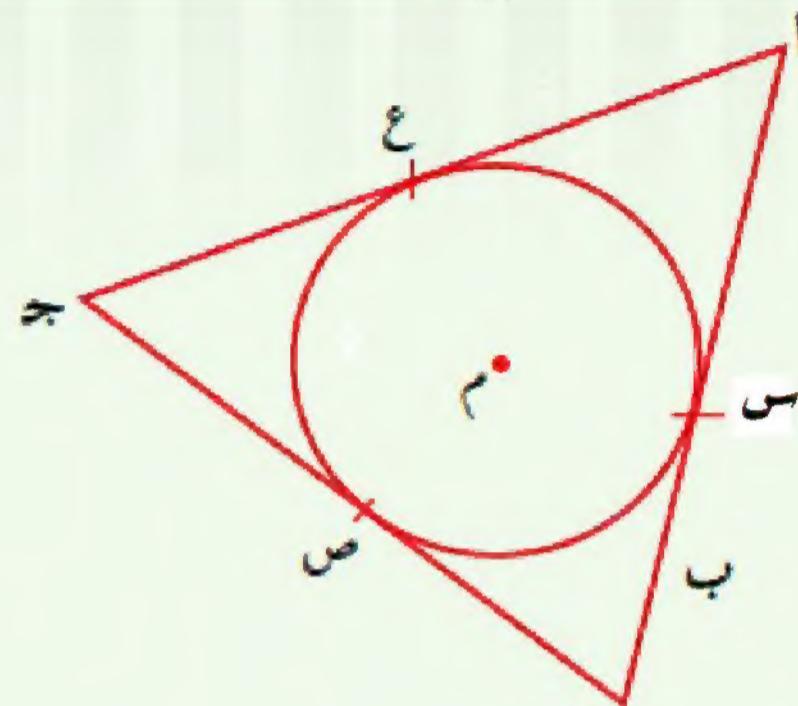
◀ الدائرة الداخلية لمضلع:

تعريف

◀ الدائرة الداخلية لمضلع هي الدائرة التي تمس جميع أضلاع المضلع من الداخل.



◀ الدائرة الداخلية للمضلع ابجع

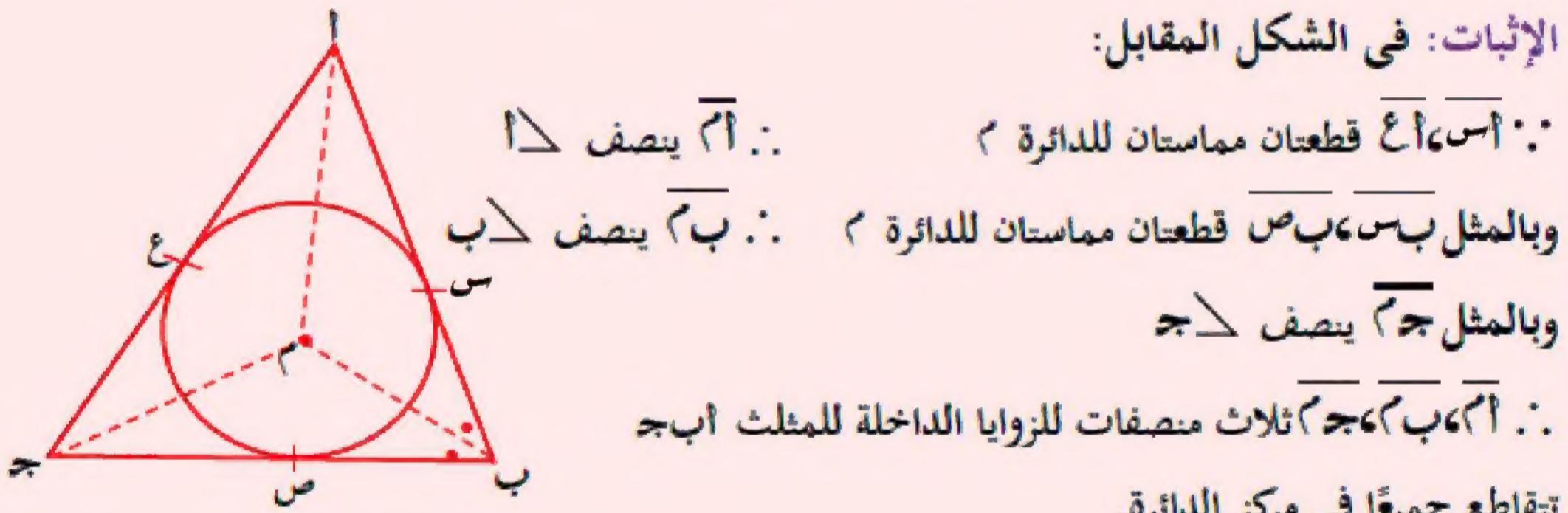


◀ الدائرة الداخلية للمثلث ابجع

ملاحظات هامة

◀ مركز الدائرة الداخلية لأى مثلث هو نقطة تقاطع منصفات زواياه الداخلية.

الإثبات: في الشكل المقابل:



: اس، اع قطعان مماسان للدائرة

وبالمثل بس، بص قطعان مماسان للدائرة

وبالمثل جم ينصف لج

: ام، بم، جم ثالث منصفات للزوايا الداخلية للمثلث ابجع

تقاطع جميعاً في مركز الدائرة.

تعريف

◀ يُقال للمماس المشترك لدائرتين بأنه مماس مشترك داخلي إذا كانت الدائرتان تقعان في جهتين مختلفتين منه.

◀ يُقال للمماس المشترك لدائرتين بأنه مماس مشترك خارجي إذا كانت الدائرتان تقعان في جهة واحدة منه.

الزاوية المماسية

الدرس
السابع

تعريف

◀ **الزاوية المماسية:** هي الزاوية الناتجة من اتحاد شعاعين، أحدهما مماس للدائرة والآخر يحمل وترًا في الدائرة يمر بنقطة التماس.

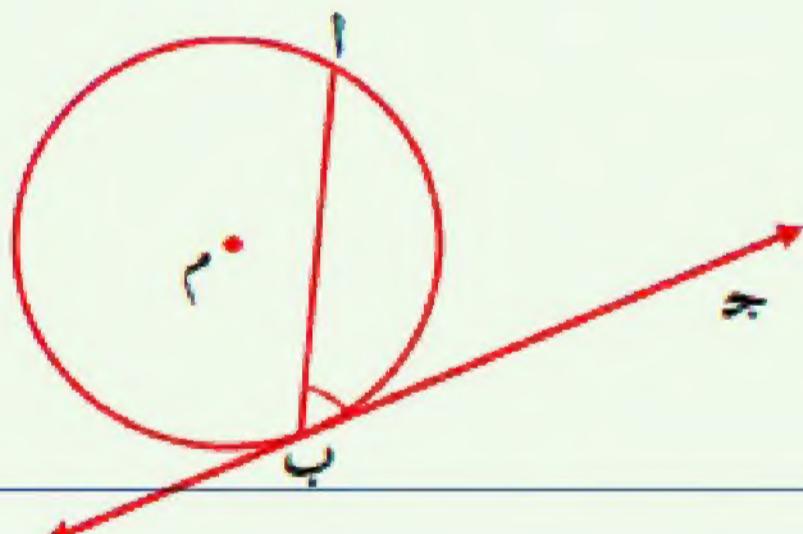


نتيجة:

◀ قياس الزاوية المماسية يساوى نصف قياس القوس المحصور بين ضلعيها.

• \overline{AB} وتر في الدائرة \odot ، \overline{BJ} مماس فإن:

$$\text{م}(\angle ABJ) = \frac{1}{2} \text{م}(\overset{\wedge}{AB})$$



نظيرية (٥)

◀ قياس الزاوية المماسية يساوى قياس الزاوية المحيطية المشتركة معها في القوس.

نتيجة:

◀ قياس الزاوية المماسية يساوى نصف قياس الزاوية المركزية المشتركة معها في القوس.

ملاحظات هامة

- الزاوية المماسية تكمل الزاوية المحيطية المرسومة على وتر الزاوية المماسية وفي جهة واحدة منه.
في الشكل المقابل:

لـ $\angle A$ زاوية مماسية وترها \overline{AB} ، لـ $\angle B$

$$\text{جہب} = \frac{1}{2} \text{ جذب}$$

بجمع (١) ، (٢) يتسق أن:

ن (ن جب) + ن (ن جب)

$$^{\circ}180 = ^{\circ}360 \times \frac{1}{2} = \left[\left(\widehat{جـ} \widehat{هـ} \right) v + \left(\widehat{بـ} \widehat{جـ} \right) v \right] \frac{1}{2} =$$

عكس نظرية (٥)

﴿ إذا رسم شعاعٌ من أحد طرفي وتر في دائرة بحيث كان قياسُ الزاوية المحصورة بين هذا الشعاع والوتر يساوى قياس الزاوية المحيطية المرسومة على نفس الوتر من الجهة الأخرى فإن هذا الشعاع يكون مماساً للدائرة.﴾

أی الله:

إذا رسم \overline{AC} من أحد طرفي الوتر \overline{AB} في الدائرة \odot وكان : $\angle(CAB) = \angle(CB)$ فإن : \overline{AC} مماس للدائرة \odot .